



1. Resuelve los siguientes sistemas, indicando el tipo:

$$\text{a) } \begin{cases} x - y + 3z = 0 \\ 2x + y + z = 1 \\ x + y = 0 \end{cases}$$

$$\text{b) } \begin{cases} 2x + y - z = 3 \\ x + 2y - 2z = 3 \\ x + y - z = 2 \end{cases}$$

$$\text{c) } \begin{cases} -x + 7y + 5z = 0 \\ x - y + z = 3 \\ y + z = -2 \end{cases}$$

Sol: (SCD: 3, -3, -2)

(SCI: 1, t+1, t)

(SI)

2. Discute según los valores del parámetro correspondiente:

$$\text{a) } \begin{cases} 2x - y + 3z = 2 \\ 3x + 2y - z = a \\ 5x + y + 2z = 0 \end{cases}$$

$$\text{b) } \begin{cases} 2x + ay + z = 2 \\ ax - z = 1 \\ x + y + 2z = 1 \end{cases}$$

$$\text{c) } \begin{cases} 3x - ky + 2z = k - 1 \\ 2x - 5y + 3z = 1 \\ x + 3y - (k - 1)z = 0 \end{cases}$$

* Si $a \neq -2 \rightarrow SI$

* Si $a = -2 \rightarrow SCI$

* Si $a \neq 1$ y $a \neq -1 \rightarrow SCD$

* Si $a = 1 \rightarrow SCI$

* Si $a = -1 \rightarrow SI$

* Si $k \neq 2$ y $k \neq 5 \rightarrow SCD$

* Si $k = 2 \rightarrow SCI$

* Si $k = 5 \rightarrow SI$

3. Discute y resuelve para $k = 2$ y $k = 1$:

$$\begin{cases} x + y + z = 0 \\ kx + 2z = 0 \\ 2x - y + kz = 0 \end{cases}$$

Sol: si $k \neq 2$ y $k \neq -3 \rightarrow SCD$; si $k = 2$ ó $k = -3 \rightarrow SCI$. Si $k = 1 \rightarrow (0,0,0)$. Si $k = 2 \rightarrow (-t, 0, t)$

4. Discute y resuelve para $m = 1$ y $m = 0$:

$$\begin{cases} x + 3y + z = 5 \\ mx + 2z = 0 \\ my - z = m \end{cases}$$

Sol: si $m \neq 0$ y $m \neq -1 \rightarrow SCD$; si $m = 0 \rightarrow SCI(5 - 3t, t, 0)$; si $m = -1 \rightarrow SI$; si $m = 1 \rightarrow (-2, 2, 1)$

5. Discute y resuelve para $a = 4$ y $a = 2$:

$$\begin{cases} ax + 7y + 5z = 0 \\ x + ay + z = 3 \\ y + z = -2 \end{cases}$$

Sol: si $a \neq 2$ y $a \neq -1 \rightarrow SCD$; si $a = 2 \rightarrow SCI(7 + t, -2 - t, t)$; si $a = -1 \rightarrow SI$; si $a = 4 \rightarrow (2, 1, -3)$

6. Discute y resuelve para $b = 1$ y $b = -1$:

$$\begin{cases} x + y + z = b + 1 \\ 3y + 2z = 2b + 3 \\ 3x + (b - 1)y + z = b \end{cases}$$

Sol: si $b \neq 1 \rightarrow SCD$; si $b = 1 \rightarrow SCI\left(\frac{1}{3} - \frac{t}{3}, \frac{5}{3} - \frac{2t}{3}, t\right)$; si $b = -1 \rightarrow \left(-\frac{1}{2}, 0, \frac{1}{2}\right)$

7. Discute y resuelve para $a = 0$:

$$\begin{cases} ax + y + z = 0 \\ x + ay + z = 0 \\ x + y + az = 1 \end{cases}$$

Sol: si $a \neq 1$ y $a \neq -2 \rightarrow SCD$; si $a = 1 \rightarrow SI$; si $a = -2 \rightarrow SI$. Si $a = 0 \rightarrow \left(\frac{1}{2}; \frac{1}{2}; -\frac{1}{2}\right)$

8. Discute y resuelve para $m = 2$:

$$\begin{cases} mx + 2y - z = m \\ 3x - y - z = 1 \\ 5x + y - 2z = 3 \end{cases}$$

Sol: Si $m \neq 2 \rightarrow SCD$; si $m = 2 \rightarrow SCI\left(\frac{3t}{8} + \frac{1}{2}, \frac{t}{8} + \frac{1}{2}, t\right)$

9. Discute y resuelve para $k = -1$ y $k = 0$:

$$\begin{cases} x + 3y + 2z = -1 \\ 2x + 4y + 5z = k - 2 \\ x + k^2y + 3z = 2k \end{cases}$$

Sol: Si $k \neq 1$ y $k \neq -1 \rightarrow SCD$; si $k = 1 \rightarrow SI$; si $k = -1 \rightarrow SCI\left(\frac{-5-7t}{2}, \frac{1+t}{2}, t\right)$; si $k = 0 \rightarrow (6, -1, -2)$

10. Discute y resuelve para $m = 1$:

$$\begin{cases} mx - 2y + 2z = 1 \\ 2x + my + z = 2 \\ x + 3y - z = m \end{cases}$$

Sol: Si $m \neq 1$ y $m \neq -6 \rightarrow SCD$; si $m = -6 \rightarrow SI$; si $m = 1 \rightarrow SCI\left(1 - \frac{4}{5}t, \frac{3}{5}t, t\right)$

11. Discute y resuelve en los casos en los que sea posible:

$$\begin{cases} 6x + 2y + 2z = 6 \\ \beta x + 2y + z = \beta \\ 5x + 3y + \beta z = 5 \end{cases}$$

Sol: Si $\beta \neq 2$ y $\beta \neq 7 \rightarrow SCD$; si $\beta = 2 \rightarrow SCI$; si $\beta = 7 \rightarrow SCI$.

Al resolver en el caso SCD , manteniendo β y por Cramer queda: $(1, 0, 0)$. Si $\beta = 2 \rightarrow \left(\frac{4-t}{4}, -\frac{t}{4}, t\right)$. Si $\beta = 7 \rightarrow (1+t, -4t, t)$

12. Discute en función de los valores de a y b :

$$\begin{cases} x - 3y - 4z = 3 \\ ax + 3y - az = 0 \\ x + 3ay - 10z = b \end{cases}$$

Sol: Si $a \neq -2$ y $a \neq -1 \rightarrow SCD$; si $a = -2$ y $b \neq 9 \rightarrow SI$, si $a = -2$ y $b = 9 \rightarrow SCI$; si $a = -1$ y $b \neq 9 \rightarrow SI$; si $a = -1$ y $b = 9 \rightarrow SCI$.

13. Discute y resuelve en los casos en que es compatible:

$$\begin{cases} x - y - z = 0 \\ x + (a^2 - a - 1)y = -1 \\ x + (a^2 - a - 1)y + (a - 2)z = 1 - a^2 \end{cases}$$

Sol: si $a \neq 0, a \neq 1$ y $a \neq 2 \rightarrow SCD$; si $a = 0 \rightarrow SCI$; si $a = 1 \rightarrow SCI$; si $a = 2 \rightarrow SI$

Si $a \neq 0, a \neq 1$ y $a \neq 2 \rightarrow \left(\frac{3-a^2}{a-2}, \frac{1}{a-2}, \frac{2-a^2}{a-2}\right)$; si $a = 0 \rightarrow (t-1, t, -1)$; si $a = 1 \rightarrow (t-1, t, -1)$